$$
\begin{array}{lcl}
A^- & ::= & P \mid A^+ \multimap A^- \mid A^- \,\&\, A^- \mid \top \mid \uparrow A^+ \\
A^+ & ::= & A^+ \otimes A^+ \mid A^+ \oplus A^+ \mid 1 \mid 0 \mid \downarrow A^- \\
U & ::= & A^+ \mid A^-
\end{array}
$$

$$
\frac{P \text{ atomic}}{P \text{ stable}} \qquad \frac{}{A^+ \text{ stable}}
$$

Inversion

$$
\frac{\Delta, A^+ \longrightarrow B^-}{\Delta \longrightarrow A^+ \multimap B^-} \multimap\mathsf{R} \qquad \frac{\Delta \longrightarrow A^- \quad \Delta \longrightarrow B^-}{\Delta \longrightarrow A^- \,\&\, B^-} \,\&\mathsf{R} \qquad \frac{}{\Delta \longrightarrow \top} \,\top\mathsf{R} \qquad \frac{\Delta \longrightarrow A^+}{\Delta \longrightarrow \uparrow A^+} \uparrow\mathsf{R}
$$

$$
\frac{\Delta, A^+, B^+ \longrightarrow U}{\Delta, A^+ \otimes B^+ \longrightarrow U} \otimes\mathsf{L} \qquad \frac{\Delta, A^+ \longrightarrow U \quad \Delta, B^+ \longrightarrow U}{\Delta, A^+ \oplus B^+ \longrightarrow U} \oplus\mathsf{L}
$$

$$
\frac{\Delta \longrightarrow U}{\Delta, 1 \longrightarrow U} \,1\mathsf{L} \qquad \frac{}{\Delta, 0 \longrightarrow U} \,0\mathsf{L} \qquad \frac{\Delta, A^- \longrightarrow U}{\Delta, \downarrow A^- \longrightarrow U} \downarrow\mathsf{L}
$$

Taking focus

$$
\frac{\Delta \text{ all negative} \quad U \text{ stable} \quad \Delta; [A^-] \longrightarrow U}{\Delta, A^- \longrightarrow U} \,\mathsf{lfocus} \qquad \frac{\Delta \text{ all negative} \quad \Delta \longrightarrow [A^+]}{\Delta \longrightarrow A^+} \,\mathsf{rfocus}
$$

Left focus

$$
\frac{P \text{ atomic}}{\Delta; [P] \longrightarrow P} \,\mathsf{init} \qquad \frac{\Delta \longrightarrow [A^+] \quad \Delta'; [B^-] \longrightarrow U}{\Delta, \Delta'; [A^+ \multimap B^-] \longrightarrow U} \multimap\mathsf{L}
$$

$$
\frac{\Delta; [A^-] \longrightarrow U}{\Delta; [A^- \,\&\, B^-] \longrightarrow U} \,\&\mathsf{L1} \qquad \frac{\Delta; [B^-] \longrightarrow U}{\Delta; [A^- \,\&\, B^-] \longrightarrow U} \,\&\mathsf{L2} \qquad \frac{\Delta, A^+ \longrightarrow U}{\Delta; [\uparrow A^+] \longrightarrow U} \uparrow\mathsf{L}
$$

Right focus

$$
\frac{\Delta \longrightarrow [A^+] \quad \Delta' \longrightarrow [B^+]}{\Delta, \Delta' \longrightarrow [A^+ \otimes B^+]} \otimes\mathsf{R} \qquad \frac{\Delta \longrightarrow [A^+]}{\Delta \longrightarrow [A^+ \oplus B^+]} \oplus\mathsf{R1} \qquad \frac{\Delta \longrightarrow [B^+]}{\Delta \longrightarrow [A^+ \oplus B^+]} \oplus\mathsf{R2}
$$

$$
\frac{\Delta = \cdot}{\Delta \longrightarrow [1]} \,1\mathsf{R} \qquad \frac{\Delta \longrightarrow A^-}{\Delta \longrightarrow [\downarrow A^-]} \downarrow\mathsf{R}
$$